

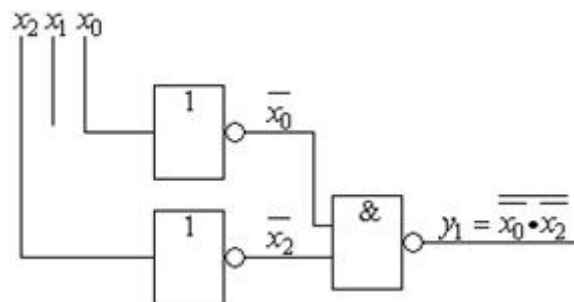


Karnaughova mapa pro funkci  $y_1$  je zobrazena v tab. 12 a je složena ze dvou podmap. Můžeme tedy psát:  $y_1 = x_0 + x_2$ . Pro vytvoření schématu logického obvodu pomocí hradel NAND tento předpis upravíme do tvaru:  $y_1 = x_0 + x_2 = \overline{\overline{x_0 + x_2}} = \overline{\overline{x_0} \cdot \overline{x_2}}$ . Schéma obvodu je zobrazeno na obr. 34.

S využitím Booleovy algebry lze psát:  $y_1 = \overline{x_2} \cdot \overline{x_1} x_0 + \overline{x_2} x_1 x_0 + x_2 \overline{x_1} \cdot \overline{x_0} + x_2 \overline{x_1} x_0 + x_2 x_1 \overline{x_0} + x_2 x_1 x_0$ , což lze dále upravit. Postupně tedy dostáváme:  $y_1 = \overline{x_2} \cdot \overline{x_1} x_0 + \overline{x_2} x_1 x_0 + x_2 \overline{x_1} \cdot \overline{x_0} + x_2 \overline{x_1} x_0 + x_2 x_1 \overline{x_0} + x_2 x_1 x_0 = \overline{x_2} x_0 (\overline{x_1} + x_1) + x_2 \overline{x_1} (\overline{x_0} + x_0) + x_2 x_1 (\overline{x_0} + x_0) = \overline{x_2} x_0 + x_2 \overline{x_1} + x_2 x_1$ . Další zjednodušování pomocí Booleovy algebry by bylo technicky náročné. Kdybychom neměly k dispozici Karnaughovu mapu této funkce, použili bychom pro sestavení schématu tento tvar logické funkce. Výhody Karnaughových map se tedy začínají projevovat.

$x_2 \backslash x_1 x_0$	00	01	11	10
0	0	1	1	0
1	1	1	1	1

tab. 12

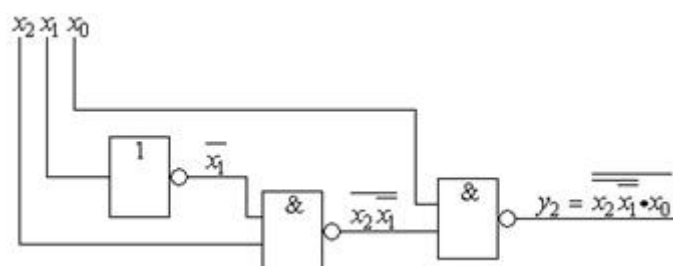


Obr. 34

Karnaughova mapa pro funkci  $y_2$  je zobrazena v tab. 13 a je složena ze dvou podmap. V jedné z nich je zahrnuta i neurčitá funkční hodnota funkce  $y_2$ , kterou lze v tomto případě považovat za jedničku. Tím se Karnaughova mapa zjednoduší a zjednoduší se i [součtový tvar](#) zápisu funkce:  $y_2 = x_2 \overline{x_1} + \overline{x_0}$ . Pro sestavení schématu logického obvodu (viz obr. 35) pomocí hradel NAND funkci ještě upravíme:  $y_2 = x_2 \overline{x_1} + \overline{x_0} = \overline{\overline{x_2 \overline{x_1} + \overline{x_0}}} = \overline{\overline{x_2 \overline{x_1}} \cdot \overline{\overline{x_0}}} = \overline{\overline{x_2 \overline{x_1}} \cdot x_0}$

$x_2 \backslash x_1 x_0$	00	01	11	10
0	1	0	0	X
1	1	1	0	1

tab. 13



Obr. 35

Na základě Booleovy algebry lze pro funkci  $y_2$  psát:

$$\begin{aligned}
 y_2 &= \overline{x_2} \cdot \overline{x_1} \cdot \overline{x_0} + x_2 \overline{x_1} \cdot \overline{x_0} + x_2 \overline{x_1} x_0 + x_2 x_1 \overline{x_0} = (\overline{x_2} + x_2) \overline{x_1} \cdot \overline{x_0} + x_2 \overline{x_1} x_0 + x_2 x_1 \overline{x_0} = \overline{x_1} \cdot \overline{x_0} + x_2 \overline{x_1} x_0 + x_2 x_1 \overline{x_0} = \\
 &= \overline{x_1} (\overline{x_0} + x_2 x_0) + x_2 x_1 \overline{x_0} = \overline{x_1} (\overline{x_0} + x_2) (\overline{x_0} + x_0) + x_2 x_1 \overline{x_0} = \overline{x_1} (\overline{x_0} + x_2) + x_2 x_1 \overline{x_0} = \overline{x_1} \cdot \overline{x_0} + \overline{x_1} x_2 + x_2 x_1 \overline{x_0} = \\
 &= (\overline{x_1} + x_2 x_1) \overline{x_0} + \overline{x_1} x_2 = (\overline{x_1} + x_2) (\overline{x_1} + x_1) \overline{x_0} + \overline{x_1} x_2 = (\overline{x_1} + x_2) \overline{x_0} + \overline{x_1} x_2 = \overline{x_1} \cdot \overline{x_0} + x_2 \overline{x_0} + \overline{x_1} x_2.
 \end{aligned}$$

Tento tvar funkce  $y_2$  je jiný ve srovnání s tvarem získaným na základě Karnaughovy mapy. Příčinou je skutečnost, že jsme při minimalizaci funkce pomocí [zákonů](#) Booleovy algebry nezahrnuli řádek číslo 2 z tab. 10, tj. neurčitý stav funkce  $y_2$ . Postup minimalizace funkce pomocí Karnaughovy mapy je méně pracný a výsledný součtový tvar funkce  $y_2$  je jednodušší. A přitom lze tento tvar použít při dalším zpracování digitálních obvodů. Je v něm sice zahrnut i „problémový“ stav, ale tento stav v praxi nenastává - buď je obvod jistěn dalšími prvky a nebo se prostě do daného stavu (odpovídajícímu dané kombinaci vstupních proměnných) obvod nemůže nikdy dostat.

© **Encyklopedie Fyziky (<http://fyzika.jreichl.com>); Jaroslav Reichl, Martin Všeticka**

Licence <http://creativecommons.org/licenses/by-nc-nd/3.0/> zakazuje úpravy a komerční distribuci.