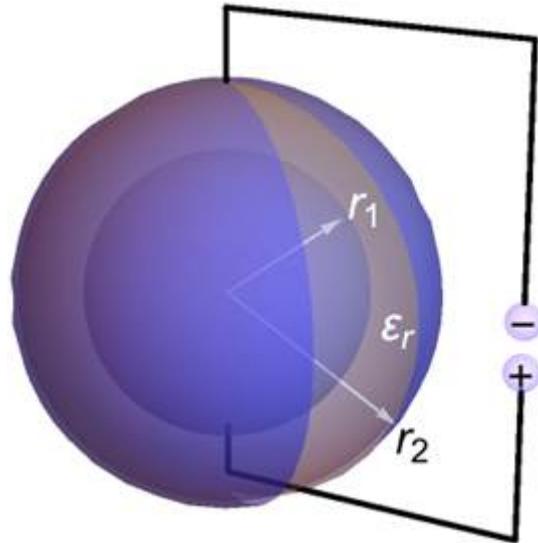


Kulový kondenzátor

Kulový [kondenzátor](#), který je schematicky zobrazen na obr. 20, je tvořen dvěma vodivými elektrodami ve tvaru soustředných kulových ploch o poloměrech r_1 a r_2 (kde $r_1 < r_2$). Prostor mezi oběma elektrodami je vyplněn [dielektrikem s relativní permitivitou](#) ϵ_r .



Obr. 20

Připojíme-li kondenzátor ke [zdroji napětí](#), vznikne v dielektriku [elektrostatické pole](#), které bude připomínat centrální elektrostatické pole (viz schematicky obr. 19).

Velikost [elektrické intenzity](#) v prostředí mezi oběma elektrodami lze popsát vztahem $E = \frac{Q}{\epsilon_0 \epsilon_r S}$,

kde S je plocha, kterou [siločáry](#) elektrostatického pole přecházejí z jedné nabité elektrody na druhou (jedná se o tzv. Gaussovu plochu s poloměrem r ležícím v intervalu (r_1, r_2)). Pro tuto plochu platí vztah $S = 4\pi r^2$.

Vzhledem k tomu, že velikost elektrické intenzity, kterou lze psát ve tvaru $E = \frac{Q}{\epsilon_0 \epsilon_r \cdot 4\pi r^2}$, není konstantní, musíme pro výpočet [elektrického napětí](#) mezi oběma elektrodami kondenzátoru použít vztah využívající integrální počet: $U = \int E dr$.

$$\text{Dosadíme-li za velikost elektrické intenzity, získáme vztah } U = \int_{r_1}^{r_2} \frac{Q}{\epsilon_0 \epsilon_r \cdot 4\pi r^2} dr, \text{ který lze postupně integrovat: } U = \frac{Q}{4\pi \epsilon_0 \epsilon_r} \int_{r_1}^{r_2} \frac{1}{r^2} dr = \frac{Q}{4\pi \epsilon_0 \epsilon_r} \left[-\frac{1}{r} \right]_{r_1}^{r_2} = -\frac{Q}{4\pi \epsilon_0 \epsilon_r} \left(\frac{1}{r_2} - \frac{1}{r_1} \right) = \frac{Q}{4\pi \epsilon_0 \epsilon_r} \cdot \frac{r_1 - r_2}{r_1 r_2}.$$

$$\text{Dosazením do definičního vztahu pro } \text{kapacitu kondenzátoru} \text{ ve tvaru } C = \frac{Q}{U} \text{ získáme vztah ve tvaru: } C = \frac{\frac{Q}{4\pi \epsilon_0 \epsilon_r} \cdot \frac{r_1 - r_2}{r_1 r_2}}{U}.$$

Odtud pro kapacitu kulového kondenzátoru dostáváme výsledný vztah ve tvaru

$$C = 4\pi\epsilon_0\epsilon_r \cdot \frac{r_1 r_2}{r_2 - r_1}. \quad (2)$$

Pokud bychom chtěli vypočítat kapacitu vodivé koule o poloměru R , která se nachází v prostředí s relativní permitivitou ϵ_r , stačí si uvědomit, že můžeme použít odvozený vztah (2) za předpokladu, že vnější deska má extrémně velký poloměr, tj. $r_2 \rightarrow \infty$. Vztah (2) v tom případě můžeme psát ve

tvaru $C = 4\pi\epsilon_0\epsilon_r \cdot \frac{r_1 r_2}{r_2 \left(1 - \frac{r_1}{r_2}\right)} = 4\pi\epsilon_0\epsilon_r \cdot \frac{r_1}{1 - \frac{r_1}{r_2}}$. Uvědomíme-li si, že za podmínky $r_2 \rightarrow \infty$ je výraz $\frac{r_1}{r_2}$ téměř nulový, dostáváme hledaný vztah ve tvaru

$$C = 4\pi\epsilon_0\epsilon_r R. \quad (3)$$

Přesné odvození vztahu (3) by bylo možné provést na základě vlastností limity v nevlastním bodě a získali bychom stejný výsledek.

Stejný vztah popisuje i kapacitu osamoceného kulového vodiče.