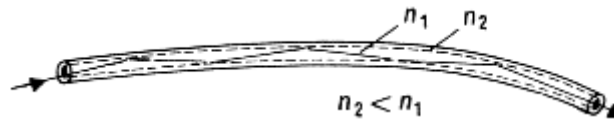


## Optická vlákna

Na [úplném odrazu světla](#) jsou založena také optická vlákna a vláknové vlnovody, které se využívají v optoelektronice a ve sdělovací technice. Základem vláknového vlnovodu je skleněné vlákno, jehož střední část má větší [index lomu](#) než obvodová vrstva (obr. 19). Světelný [paprsek](#) se na obvodové vrstvě úplně odráží a světlo se šíří po [trajektorii](#) dané tvarem vlákna.



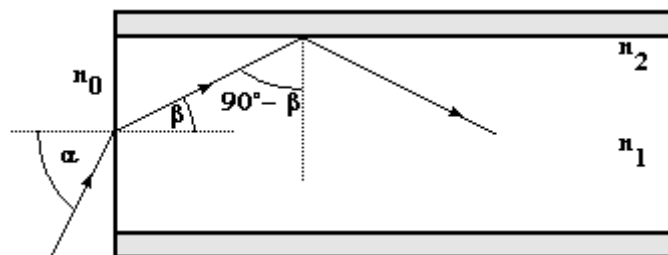
Obr. 19

Důležitou charakteristikou optického vlákna je tzv. **numerická apertura** optického vlákna. Jedná se o maximální úhel, pod jakým mohou světelné paprsky do optického vlákna dopadat tak, aby se jím mohly šířit. Index lomu jádra optického vlákna je přitom  $n_1$ , index lomu pláště vlákna je  $n_2$  a index lomu okolního prostředí je  $n_0$ .

Situace je zakreslena na obr. 20. Světelný paprsek dopadá na optické vlákno pod úhlem  $\alpha$  (úhel mezi dopadajícím paprskem a kolmicí dopadu) a láme se do jádra vlákna pod úhlem  $\beta$ . Přechod světelného paprsku z vnějšího prostředí do jádra vlákna je popsán [Snellovým zákonem lomu](#) ve tvaru  $\frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{n_1}{n_0}$ . Na plášť vlákna dopadá paprsek pod úhlem  $90^\circ - \beta$ .

Hodnota úhlu dopadu, pod kterým dopadá paprsek světla na plášť vlákna, vyplývá ze součtu úhlů v trojúhelníku - zde dokonce v pravouhlém. Kolmice dopadu pláště i jádra vlákna se protínají pod pravým úhlem (to je dáno tím, že jsme optické vlákno nahradili válcem) a spolu s paprskem, který dopadá na plášť vlákna, tvoří pravouhlý trojúhelník. Pro jeho vnitřní úhly platí:  $\beta + (90^\circ - \beta) + 90^\circ = 180^\circ$ , což je v pořádku.

Na plášti musí dojít k úplnému odrazu světla, aby se světlo mohlo šířit bez výraznějších ztrát dále vláknem. Proto lze tento úhel chápat jako [mezní úhel dopadu](#) a psát:  $\sin(90^\circ - \beta) = \frac{n_2}{n_1}$ . S využitím vlastností goniometrických funkcí dostáváme  $\cos \beta = \frac{n_2}{n_1}$ .



Obr. 20

Dále lze na základě vztahu mezi funkcemi sinus a kosinus téhož argumentu psát  $\sqrt{1 - \sin^2 \beta} = \frac{n_2}{n_1}$ ,

z čehož po úpravě postupně dostaneme  $\sin \beta = \sqrt{1 - \left(\frac{n_2}{n_1}\right)^2} = \sqrt{\frac{n_1^2 - n_2^2}{n_1^2}} = \frac{1}{n_1} \sqrt{n_1^2 - n_2^2}$ .

Správně bychom měli psát  $|\sin \beta| = \frac{1}{n_1} \sqrt{n_1^2 - n_2^2}$ , ale z fyzikálního hlediska se zajímáme pouze

o úhly z intervalu  $\langle 0; 90^\circ \rangle$ . Na tomto intervalu jsou funkce sinus i kosinus nezáporné, a proto není nutné absolutní hodnotu psát.

Po dosazení do Snellova zákona lomu dostáváme  $\frac{\sin \alpha}{\frac{1}{n_1} \sqrt{n_1^2 - n_2^2}} = \frac{n_1}{n_0}$  a tedy  $\sin \alpha = \frac{1}{n_0} \sqrt{n_1^2 - n_2^2}$ .

Je-li úhel  $90^\circ - \beta$  mezním úhlem pro přechod světelného paprsku z prostředí jádra optického vlákna do jeho pláště, pak úplný odraz paprsku nastane pro úhly větší než je tento mezní úhel. Pokud se má ovšem úhel  $90^\circ - \beta$  zvětšovat, musí se úhel  $\beta$  zmenšovat. To znamená, že se zmenšuje i jeho sinus.

Pro úhly z intervalu  $\langle 0; 90^\circ \rangle$ , které mají v této situaci fyzikální smysl, je totiž funkce sinus rostoucí.

Vzhledem k tomu, že  $\frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{n_1}{n_0} = \text{konst.}$ , musí se i sinus úhlu  $\alpha$  zmenšovat. Proto se zmenšuje i samotný úhel  $\alpha$ . Takže vztah  $\sin \alpha = \frac{1}{n_0} \sqrt{n_1^2 - n_2^2}$  platí pro maximální úhel, pod kterým mohou paprsky do optického vlákna dopadat.

Paprsky tedy mohou dopadat na optické vlákno pod maximálním úhlem  $\alpha$ , pro který platí  $\sin \alpha = \frac{1}{n_0} \sqrt{n_1^2 - n_2^2}$ .

Světlo šířící se optickým vláknem podléhá [Reyleighovu rozptylu](#) a [Ramanovu rozptylu](#), pomocí kterých lze optická vlákna i proměřovat.