

***Výpočet práce vykonané ideálním plynem

[Práci vykonanou ideálním plynem](#) při izotermickém a [adiabatickém ději](#), při kterých není [tlak](#) plynu konstantní, lze určit pomocí integrálního počtu. Místo vztahu $W' = \sum_{i=1}^n p_i \Delta V$ je možné přesněji

$$\text{psát } W' = \int_{V_1}^{V_2} p dV.$$

Při [izotermickém ději](#) se [stavová rovnice](#) plynu redukuje na tvar $pV = K = \text{konst.}$. Pro [práci](#) vykonanou plynem při tomto ději můžeme psát $W = \int_{V_1}^{V_2} p dV = K \int_{V_1}^{V_2} \frac{1}{V} dV = K [\ln V]_{V_1}^{V_2} = K \ln \frac{V_2}{V_1} = p_1 V_1 \ln \frac{V_2}{V_1}$.

Výraz $\ln \frac{V_2}{V_1}$ je fyzikálně výrazně lepší než matematicky ekvivalentní výraz $\ln V_2 - \ln V_1$. V případě, že bychom použili výraz ve tvaru rozdílu logaritmů, vyvstanou problémy v okamžiku dosazení konkrétních hodnot. Ty budeme muset dosadit i s [jednotkou](#), která bude v argumentu logaritmu působit problémy.

Použijeme-li zápis v podobě logaritmu podílu dvou objemů, po dosazení konkrétních hodnot objemu (včetně jednotky) se tyto jednotky zkrátí a logaritmovat budeme pouze [číselné hodnoty](#) bez jednotky.

Adiabatický děj [ideálního plynu](#) je popsán [Poissonovým zákonem](#) $pV^\kappa = K = \text{konst.}$, kde κ je [Poissonova konstanta](#). Pro práci vykonanou ideálním plynem při tomto ději lze psát:

$$\begin{aligned} W &= \int_{V_1}^{V_2} p dV = K \int_{V_1}^{V_2} V^{-\kappa} dV = K \left[\frac{V^{-\kappa+1}}{-\kappa+1} \right]_{V_1}^{V_2} = \frac{K}{1-\kappa} (V_2^{1-\kappa} - V_1^{1-\kappa}) = \frac{KV_1^{1-\kappa}}{1-\kappa} \left(\left(\frac{V_2}{V_1} \right)^{1-\kappa} - 1 \right) = \\ &= \frac{p_1 V_1^\kappa V_1^{1-\kappa}}{1-\kappa} \left(\left(\frac{V_2}{V_1} \right)^{\kappa-1} - 1 \right) = \frac{p_1 V_1}{1-\kappa} \left(\left(\frac{V_2}{V_1} \right)^{\kappa-1} - 1 \right). \end{aligned}$$